

Câu I. (2,0 điểm) Cho hàm số $y = x^4 - 5x^2 + 4$, có đồ thị (C).

1. Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị (C) của hàm số.
2. Tìm m để phương trình $|x^4 - 5x^2 + 4| = \log_2 m$ có 6 nghiệm phân biệt.

Câu II. (2,0 điểm)

1. Giải phương trình: $\frac{1 - \cos x(2 \cos x + 1) - \sqrt{2} \sin x}{1 - \cos x} = 1$

2. Giải hệ phương trình :
$$\begin{cases} \log_2 x + \log_{xy} 16 = 4 - \frac{1}{\log_y 2} \\ 4x^4 + 8x^2 + xy = 16x^2 \sqrt{4x + y} \end{cases}$$

Câu III. (2,0 điểm)

1. Tính tích phân: $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} (x + \sin^2 2x) \cos 2x dx$.

2. Tìm m để hệ phương trình sau có nghiệm:
$$\begin{cases} x^2 - 3x - 4 \leq 0 \\ x^3 - 3|x|x - m^2 - 15m \geq 0 \end{cases}$$

Câu IV. (1,0 điểm) Cho lăng trụ tam giác ABC.A'B'C' có đáy ABC là tam giác đều cạnh a . Hình chiếu của A' xuống mặt phẳng (ABC) là tâm O đường tròn ngoại tiếp tam giác ABC. Biết AA' hợp với mặt phẳng đáy (ABC) một góc 60° .

1. Chứng minh rằng BB'C'C là hình chữ nhật.
2. Tính thể tích khối lăng trụ.

Câu V (2,0 điểm)

1. Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho tam giác ABC với $AB = \sqrt{5}$, $C(-1;-1)$, đường thẳng AB có phương trình: $x + 2y - 3 = 0$ và trọng tâm tam giác ABC thuộc đường thẳng $x + y - 2 = 0$. Tìm tọa độ đỉnh A và B.

2. Giải bất phương trình: $(2 + \sqrt{3})^{x^2 - 2x + 1} + (2 - \sqrt{3})^{x^2 - 2x - 1} \leq \frac{4}{2 - \sqrt{3}}$

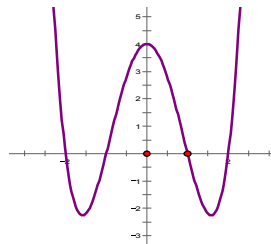
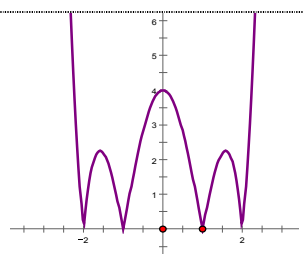
Câu VI. (1,0 điểm) Tính tổng: $S = C_{2010}^0 + 2C_{2010}^1 + 3C_{2010}^2 + \dots + 2011C_{2010}^{2010}$.

..... **Hết**

Thí sinh không được sử dụng tài liệu. Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:; Số báo danh:
<http://aotrangtb.com>

ĐÁP ÁN ĐỀ THI THỬ ĐẠI HỌC - NĂM: 2010 -2011

| CÂU | NỘI DUNG | ĐIỂM | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|----------------------|----------------------|-----------|------|---|---|---|---|---|-----------|----------------|---|----------------|-----------|------|
| I-1 (1 điểm) | * Tập xác định $D = R$ * Sự biến thiên: - Chiều biến thiên: $y' = 4x^3 - 10x = 2x(2x^2 - 5)$; $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{\frac{5}{2}} \end{cases}$. Dấu của y' : <table border="1" style="margin-left: 20px;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$-\sqrt{\frac{5}{2}}$</td> <td>0</td> <td>$\sqrt{\frac{5}{2}}$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y'</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> </table> Hàm số nghịch biến trên các khoảng $(-\infty; -\sqrt{\frac{5}{2}})$ và $(0; \sqrt{\frac{5}{2}})$. Hàm số đồng biến trên các khoảng $(-\sqrt{\frac{5}{2}}; 0)$ và $(\sqrt{\frac{5}{2}}; +\infty)$. - Cực trị: + Hàm số đạt cực tiểu tại $x = \pm\sqrt{\frac{5}{2}}$, $y_{CT} = -\frac{9}{4}$; Hàm số đạt cực đại tại $x = 0$, $y_{CD} = 4$. | x | $-\infty$ | $-\sqrt{\frac{5}{2}}$ | 0 | $\sqrt{\frac{5}{2}}$ | $+\infty$ | y' | - | 0 | + | 0 | + | 0,25 | | | | | |
| | x | $-\infty$ | $-\sqrt{\frac{5}{2}}$ | 0 | $\sqrt{\frac{5}{2}}$ | $+\infty$ | | | | | | | | | | | | | |
| | y' | - | 0 | + | 0 | + | | | | | | | | | | | | | |
| | - Giới hạn: $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} x^4(1 - \frac{5}{x^2} + \frac{4}{x^4}) = +\infty$. | 0,25 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| -Bảng biến thiên: <table border="1" style="margin-left: 20px;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$-\sqrt{\frac{5}{2}}$</td> <td>0</td> <td>$\sqrt{\frac{5}{2}}$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y'</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>$+\infty$</td> <td>$-\frac{9}{4}$</td> <td>4</td> <td>$-\frac{9}{4}$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table>  | x | $-\infty$ | $-\sqrt{\frac{5}{2}}$ | 0 | $\sqrt{\frac{5}{2}}$ | $+\infty$ | y' | - | 0 | + | 0 | + | y | $+\infty$ | $-\frac{9}{4}$ | 4 | $-\frac{9}{4}$ | $+\infty$ | 0,25 |
| x | $-\infty$ | $-\sqrt{\frac{5}{2}}$ | 0 | $\sqrt{\frac{5}{2}}$ | $+\infty$ | | | | | | | | | | | | | | |
| y' | - | 0 | + | 0 | + | | | | | | | | | | | | | | |
| y | $+\infty$ | $-\frac{9}{4}$ | 4 | $-\frac{9}{4}$ | $+\infty$ | | | | | | | | | | | | | | |
| Đồ thị: - Đồ thị hàm số cắt trục Ox tại điểm: $(-1; 0)$, $(1; 0)$, $(-2; 0)$, $(2; 0)$ - Đồ thị hàm số cắt trục Oy tại điểm $(0; 0)$ - Đồ thị hàm số nhận trục tung làm trục đối xứng. | 0,25 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| I-2 (1 điểm) | Số nghiệm của phương trình: $ x^4 - 5x^2 + 4 = \log_2 m$ là số giao điểm của đường thẳng $y = \log_2 m$ với đồ thị của hàm số $y = x^4 - 5x^2 + 4 $. | 0,25 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | Vẽ được đồ thị hàm số $y = x^4 - 5x^2 + 4 $  | 0,25 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | Xác định được điều kiện: $0 < \log_2 m < 4 \Leftrightarrow 1 < m < 16$ | 0,25 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | Kết luận $m \in (1; 16)$. | 0,25 | | | | | | | | | | | | | | | | | |

| | | |
|----------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|
| II-1 (1 điểm) | + ĐK : $\cos x \neq 1 \Leftrightarrow x \neq m2\pi$ | 0,25 |
| | (2) $\Leftrightarrow 1 - 2\cos^2 x - \cos x - \sqrt{2}\sin x = 1 - \cos x \Leftrightarrow -2(1 - \sin^2 x) - \sqrt{2}\sin x = 0$ $\Leftrightarrow 2\sin^2 x - \sqrt{2}\sin x - 2 = 0 \Leftrightarrow \sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2} \vee \sin x = \sqrt{2}$ (loại) | 0,5 |
| | $\sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2} = \sin\left(-\frac{\pi}{4}\right) \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{4} + k2\pi \\ x = \frac{5\pi}{4} + k2\pi \end{cases}$ | 0,25 |
| II-2 (1 điểm) | +) Từ PT (1) ta có: $xy = 4$. | 0,25 |
| | +) Thế vào (2) ta có: $4x^4 + 8x^2 + 4 = 16x^2\sqrt{4x + \frac{4}{x}} \Leftrightarrow \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 8\sqrt{x + \frac{1}{x}}$ | 0,25 |
| | Đặt $\sqrt{x + \frac{1}{x}}$ ($t > 0$), ta có phương trình: $t^4 = 8t \Leftrightarrow t = 2$ (vì $t > 0$). | |
| | Với $t = 2$ ta có: $\sqrt{x + \frac{1}{x}} = 2 \Leftrightarrow x + \frac{1}{x} = 4 \Leftrightarrow x^2 - 4x + 1 = 0 \Leftrightarrow x = 2 \pm \sqrt{3}$ | 0,25 |
| | +) KL : Hệ có các nghiệm là : $\left(2 + \sqrt{3}; \frac{4}{2 + \sqrt{3}}\right); \left(2 - \sqrt{3}; \frac{4}{2 - \sqrt{3}}\right)$ | 0,25 |
| III - 1 (1 điểm) | $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} (x + \sin^2 2x) \cos 2x dx = \int_0^{\frac{\pi}{4}} x \cdot \cos 2x dx + \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin^2 2x \cdot \cos 2x dx = I_1 + I_2$ | |
| | + Tính I_1 : Đặt: $\begin{cases} u = x \\ dv = \cos 2x dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = dx \\ v = \frac{1}{2} \sin 2x \end{cases}$ | 0,25 |
| | $\Rightarrow I_1 = x \cdot \frac{1}{2} \sin 2x \Big _0^{\frac{\pi}{4}} - \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{1}{2} \sin 2x dx = \frac{\pi}{8} + \frac{1}{4} \cos 2x \Big _0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{\pi}{8} - \frac{1}{4}$ | 0,25 |
| | + Tính I_2 : $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin^2 2x \cdot \cos 2x dx$ Đặt $t = \sin 2x \Rightarrow dt = 2\cos 2x dx$ $x = 0 \Rightarrow t = 0, x = \frac{\pi}{4} \Rightarrow t = 1$ $\Rightarrow I_2 = \int_0^1 \frac{1}{2} t^2 dx = \frac{1}{2} \cdot \frac{t^3}{3} \Big _0^1 = \frac{1}{6}$ | 0,25 |
| | Vậy $I = \frac{\pi}{8} + \frac{1}{12}$ | 0,25 |
| III - 2 (1 điểm) | Ta có: $x^2 - 3x - 4 \leq 0 \Leftrightarrow -1 \leq x \leq 4$. Hệ phương trình đã cho có nghiệm \Leftrightarrow PT $x^3 - 3 x x - m^2 - 15m \geq 0$ có nghiệm $x \in [-1; 4]$ $\Leftrightarrow x^3 - 3 x x \geq m^2 + 15m$ có nghiệm $x \in [-1; 4]$ Đặt $f(x) = x^3 - 3 x x = \begin{cases} x^3 + 3x^2 & \text{khi } -1 \leq x < 0 \\ x^3 - 3x^2 & \text{khi } 0 \leq x \leq 4 \end{cases}$ | 0,25 |

Ta có : $f'(x) = \begin{cases} 3x^2 + 6x & \text{ khi } -1 < x < 0 \\ 3x^2 - 6x & \text{ khi } 0 < x < 4 \end{cases}$; $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 0; x = \pm 2$

Ta có bảng biến thiên :

| | | | | |
|---------|----|---|---|----|
| x | -1 | 0 | 2 | 4 |
| $f'(x)$ | | - | 0 | - |
| $f(x)$ | 2 | | | 16 |

-4

$f(x) \geq m^2 + 15m$ có nghiệm $x \in [-1; 4] \Leftrightarrow \max_{[-1; 4]} f(x) \geq m^2 + 15m \Leftrightarrow 16 \geq m^2 + 15m$

$\Leftrightarrow m^2 + 15m - 16 \leq 0 \Leftrightarrow -16 \leq m \leq 1$

Vậy hệ phương trình đã cho có nghiệm $\Leftrightarrow -16 \leq m \leq 1$.

0,25

0,25

0,25

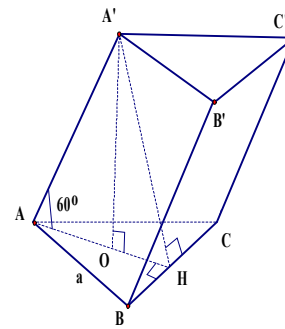
0,25

1. Ta có $A'O \perp (ABC) \Rightarrow OA$ là hình chiếu của AA' trên (ABC) .

Vậy góc $[AA', (ABC)] = \widehat{OAA'} = 60^\circ$

Ta có $BB'CC'$ là hình bình hành (vì mặt bên của lăng trụ)
 $AO \perp BC$ tại trung điểm H của BC nên $BC \perp A'H$.

$\Rightarrow BC \perp (AA'H) \Rightarrow BC \perp AA'$ mà $AA' // BB'$ nên $BC \perp BB'$. Vậy $BB'CC'$ là hình chữ nhật.



IV
(1 điểm)

0,25

0,25

ΔABC đều nên $AO = \frac{2}{3} AH = \frac{2}{3} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a\sqrt{3}}{3}$

$\Delta AOA' \Rightarrow A'O = AO \tan 60^\circ = a$

Vậy $V = S_{ABC} \cdot A'O = \frac{a^3 \sqrt{3}}{4}$

0,25

0,25

Gọi $A(x_1; y_1)$, $B(x_2; y_2)$. Trọng tâm G của tam giác ABC có tọa độ là:

$G\left(\frac{x_1 + x_2 + 1}{3}; \frac{y_1 + y_2 + 1}{3}\right)$.

Có G thuộc đường thẳng $x + y - 2 = 0$ nên:

$\frac{x_1 + x_2 + 1}{3} + \frac{y_1 + y_2 + 1}{3} - 2 = 0 \Leftrightarrow x_1 + x_2 + y_1 + y_2 = 8$ (1).

0,25

Có A, B thuộc đường thẳng : $x + 2y - 3 = 0$ nên $\begin{cases} x_1 = 3 - 2y_1 \\ x_2 = 3 - 2y_2 \end{cases}$ (2), suy ra

$x_1 + x_2 + 2(y_1 + y_2) = 6$ (3).

Từ (1) và (3) suy ra: $\begin{cases} x_1 + x_2 = 10 \\ y_1 + y_2 = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_2 = 10 - x_1 \\ y_2 = -2 - y_1 \end{cases}$

0,25

$+ AB = \sqrt{5} \Leftrightarrow AB^2 = 5 \Leftrightarrow (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = 5 \Leftrightarrow (10 - 2x_1)^2 + (-2 - 2y_1)^2 = 5$

Kết hợp với (2) ta được:

$(4 + 4y_1)^2 + (-2 - 2y_1)^2 = 5 \Leftrightarrow \begin{cases} y_1 = -\frac{3}{2} \\ y_1 = -\frac{1}{2} \end{cases}$

0,25

V.
1
(1 điểm)

| | | |
|------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|
| | <p>+ Với $y_1 = -\frac{3}{2} \Rightarrow x_1 = 6, x_2 = 4, y_2 = -\frac{1}{2}$. Vậy $A(6; -\frac{3}{2}), B(4; -\frac{1}{2})$.</p> <p>+ Với $y_1 = -\frac{1}{2} \Rightarrow x_1 = 4, x_2 = 6, y_2 = -\frac{3}{2}$. Vậy $A(4; -\frac{1}{2}), B(6; -\frac{3}{2})$.</p> <p>Vậy $A(6; -\frac{3}{2}), B(4; -\frac{1}{2})$.</p> | 0,25 |
| V. 2 (1 điểm) | + BPT $\Leftrightarrow (2 + \sqrt{3})^{x^2-2x} + (2 - \sqrt{3})^{x^2-2x} \leq 4$ | 0,25 |
| | + Đặt $t = (2 + \sqrt{3})^{x^2-2x}$ ($t > 0$), ta có BPT: $t + \frac{1}{t} \leq 4 \Leftrightarrow t^2 - 4t + 1 \leq 0 \Leftrightarrow 2 - \sqrt{3} \leq t \leq 2 + \sqrt{3}$ | 0,25 |
| | $\Leftrightarrow 2 - \sqrt{3} \leq (2 + \sqrt{3})^{x^2-2x} \leq 2 + \sqrt{3} \Leftrightarrow -1 \leq x^2 - 2x \leq 1$ | 0,25 |
| | $\Leftrightarrow 1 - \sqrt{2} \leq x \leq 1 + \sqrt{2}$. | 0,25 |
| VI. (1 điểm) | + Có $(1 + x)^{2010} = C_{2010}^0 + xC_{2010}^1 + x^2C_{2010}^2 + \dots + x^{2010}C_{2010}^{2010}$. | 0,25 |
| | + Nhân cả hai vế với x ta được: $x(1 + x)^{2010} = xC_{2010}^0 + x^2C_{2010}^1 + x^3C_{2010}^2 + \dots + x^{2011}C_{2010}^{2010}$. | 0,25 |
| | Lấy đạo hàm từng vế ta được: $(1 + x)^{2010} + 2010x(1 + x)^{2009} = C_{2010}^0 + 2xC_{2010}^1 + 3x^2C_{2010}^2 + \dots + 2011x^{2010}C_{2010}^{2010}$ | 0,25 |
| | + Cho $x = 1$ ta được: $C_{2010}^0 + 2C_{2010}^1 + 3C_{2010}^2 + \dots + 2011C_{2010}^{2010} = 1005 \cdot 2^{2010}$. Vậy $S = 1005 \cdot 2^{2010}$. | 0,25 |